



Übungsaufgabenblatt No. 1 zur Vorlesung Mathematik I für WIng

01. November 2023

Auf diesem Aufgabenblatt sind Präsenz- und Hausaufgaben gegeben. Die Präsenzaufgaben werden vom Übungsleiter vorgerechnet, die Hausaufgaben sind abzugeben (jeweils unmittelbar vor den Übungen oder nach Absprache).

Abgabe der H-Aufgaben dieses Aufgabenblattes: 06. bzw. 07.11.2023

Übung 2 Hechler: Komplexe Zahlen: kartesische Darstellung, Polarkoordinaten ... Ungleichungen: Lösungsmengen

Vektorrechnung

Präsenzaufgaben:

P1: Ausdruck-Vereinfachung

1.

$$200 - (5a + 6b) + (-7a + 4b) * (-2)$$

2.

$$200 - (5a + 6b) * (-a + 2b)$$

3.

$$\frac{4x^2 + 8x + 4}{x + 1}$$

4.

$$\frac{\frac{x^2-2x+1}{x-1}}{\frac{x^2+3x+1}{x+2}}$$

P2: Rechnen mit Potenzen

1.

$$\log_2(16), \log_4(16), \log_8(16), \log_{16}(8)$$

2.

$$\exp(\ln(e^2)), \sqrt{\ln(e^4)}, \sqrt{x * \sqrt{x * \sqrt{x}}}$$

3.

$$\frac{a^3 \sqrt[3]{a^5 b}}{\sqrt{ab}}, \sqrt[4]{xy^3} * \sqrt[6]{x^3 y}$$

4. Bestimmen Sie x :

$$\log_3(x) = 4, 2^{\log(x)} = 2 * 3^{\log(x)}$$

P3: Rechnen mit komplexen Zahlen

Gegeben sind die folgenden komplexen Zahlen:

$$z_1 = 2 + i * 1, z_2 = 1 + i * 2, z_3 = -2 + i * 3, z_4 = -2 - i * 2$$

Berechnen Sie

$$z_1 + z_2 - z_3, z_1 * z_2, \frac{z_3}{z_4}, z_4^2$$

P4: Vollständige Induktion

Beweisen Sie mit Hilfe der vollständigen Induktion folgende Aussagen:

1. $n^2 + n$ ist eine gerade Zahl
2. $1 + 3 + \dots + (2n + 1) = n^2$
3. $7^{2n} - 2^n$ ist durch 47 teilbar

Hausaufgaben:

H1: Ausdruck-Vereinfachung

1.

$$300 - (6 * a - 4 * b) + (3 * a - 2 * b)$$

2.

$$200 - (3 * a - 6 * b) * (-a - 3 * b) * (4 * a - 7 * b)$$

3.

$$\frac{x^3 + 6x^2 + 11x + 6}{x + 1}$$

Anm.: Zeigen Sie zunächst: der Zähler kann geschrieben werden als $(x+1)(x+2)(x+3)$

4.

$$\frac{\frac{x^3 - 3x + 2}{x - 1}}{\frac{x^2 + 3x + 2}{x + 2}}$$

Anm.: Zeigen Sie zunächst: der oberste Zählerausdruck kann geschrieben werden als $(x^2 - 2x + 1) * (x + 2)$

H2: Rechnen mit Potenzen

1.

$$\log_2(32), \log_4(256), \log_8(0,125)$$

2.

$$\exp(\ln(e^3)), \sqrt{\ln(e^9)}, \sqrt[3]{x * \sqrt[4]{x * \sqrt{x}}}$$

3.

$$\left(\frac{a^3 \sqrt[3]{a^5 b}}{\sqrt{ab}} \right)^6, \sqrt[4]{x^2 y^3} * \sqrt[6]{x^4 y^3}$$

4. Bestimmen Sie in den folgenden Gleichungen x :

$$\log_3(x) = 12, 2^{\log(x)} = 2 * 3^{\log(x)}$$

H3: Rechnen mit komplexen Zahlen

- Gegeben sind die folgenden komplexen Zahlen:

$$z_1 = 3 + i * 1, z_2 = -2 + i * 2, z_3 = 2 - i * 3, z_4 = -3 - i * 4$$

Berechnen Sie

$$z_1 + z_2 - z_3 - z_4, z_1 * z_2 * z_3, \frac{z_1 * z_3}{z_4}, z_2 * z_4^2$$

H4: Vollständige Induktion

Beweisen Sie mit Hilfe der vollständigen Induktion folgende Aussagen:

1. $n^3 + 2n$ ist durch 3 teilbar
2. $1^3 + 2^3 + 3^3 + \dots + n^3 = (1 + 2 + 3 + \dots + n)^2$
3. $3^{2n} + 7$ ist durch 8 teilbar
4. $1 + q + q^2 + q^3 + \dots + q^n = \frac{1 - q^{n+1}}{1 - q}$